

早稲田大学

商学部 2/21

数学

1

(1)	(2)	(3)	(4)
$\frac{1}{12}x^2$	28	$\frac{1}{505}\pi$	$-\frac{1}{15}$

2

(1)	(2)
$x = 0, \frac{3}{4}$	$f(x) = x^2 + \frac{3}{16}$

3

(1)	(3)
22 個	17 個

(2)

条件 i) より、 $1 \leq s \leq k-1$ であるすべての整数 s に対して、 $m(s, k-1) \geq 40$ が成り立つ。…(☆)
また条件 ii) より、 $k \leq j \leq l$ なるすべての整数 j に対してある整数 $N(j)$ が存在し、 $m(N(j), j) < 40$ が成り立つ。 $N(j)$ は複数存在しうるが、(☆) より k 以上のものが必ず存在する。… (★)

ここで、 $k \leq j \leq l$ なるすべての整数 j について $m(k, j) < 40$ であることを数学的帰納法で示す。

- ① まず $j = k$ のとき、 $k \notin S(\{x_n\})$ であるため $m(k, k) = x_k < 40$ となる。
- ② $j = k, k+1, \dots, k'$ (k' は $k \leq j \leq l-1$ である整数) のときに $m(k, k') < 40$ が成り立っていると仮定する。(★) よりある k 以上の自然数 $N(k'+1)$ が存在し、 $m(N(k'+1), k'+1) < 40$ が成り立つ。
まず $N(k'+1) = k$ のときはそのままとする。次に $N(k'+1) > k$ のときは仮定より $m(k, N(k'+1) - 1) < 40$ が成り立つので、 $m(N(k'+1), k'+1) < 40$ および $(k, N(k'+1) - 1) < 40$ より $m(k, k'+1)$ がいえる。いずれの場合も $m(k, k'+1) < 40$ となる。

したがって $k \leq j \leq l$ なるすべての整数 j について $m(k, j) < 40$ であり、特に $m(k, l) < 40$ であることがいえる ■